

# **Aplikace:**

# **Znalostní báze**

## Znalostní báze

- je systém, který *dostává fakta o prostředí a dotazy* o něm.
- *Znalostní báze je agentem ve větším systému*, který obsahuje prostředí (také agent), správce (agent), popřípadě další agenty.
- *Správce* ukládá do znalostní báze fakta o prostředí.
- *Prostředí* používáme jako model vnějšího světa.
- Chceme, aby *stav prostředí* poskytoval úplný popis (relevantních rysů) vnějšího světa.
- *Lokální stav znalostní báze* popisuje informace, které báze má o světě a o lokálním stavu správce.

Tento neformální popis poskytuje ještě hodně volnosti jak modelovat globální stavy.

V nejjednodušším případě přijímáme tato omezení

- *vnější svět lze popsat výrokově* pomocí výroků z konečné množiny  $\Phi$ .
- vnější svět *je stabilní*, tj. pravdivostní hodnoty výroků popisujících svět se s časem nemění.
- *Správce* má úplnou informaci o vnějším světě.

- Vše, *co je uloženo* ve znalostní bázi *je pravdivé*.
- Nejsou *žádné předběžné (a priori) znalosti* o vnějším světě nebo o tom, co bude do znalostní báze uloženo.

Pro reprezentaci systému plyne

- vnější svět lze popsat pravdivostním ohodnocením  $\alpha$  prvotních formulí z množiny  $\Phi$ , které se v žádném běhu nemění.
- stav správce obsahuje ohodnocení  $\alpha$  a posloupnost fakt, která do báze uložil.
- lokální stav znalostní báze obsahuje posloupnost  $A_1, \dots, A_n$  faktů, které byly uloženy. Jsou to výrokové formule.
- globální stav označujeme  $(\alpha, \langle A_1, \dots, A_n \rangle, .)$

- *Do znalostní báze* se ukládají a jsou dotazovány *jen fakta o vnějším světě* (vyjádřitelná ve výrokových formulích) a ne fakta o bázi samé.
- Vše, *co je uloženo* ve znalostní bázi *je pravdivé*.
- Nejsou *žádné předběžné (a priori) znalosti* o vnějším světě nebo o tom, co bude do znalostní báze uloženo.

Dostáváme interpretovaný systém  $I^{kb} = (\mathcal{R}^{kb}, \pi^{kb})$ ,  
kde  $\mathcal{R}^{kb}$  je množina všech běhů takových, že pro nějakou  
posloupnost výrokových formulí  $A_1, \dots, A_n$   
platí

$$\text{KB1. } r(0) = (\alpha, \langle \rangle, .)$$

$$\text{KB2. } r(m) = (\alpha, \langle A_1, \dots, A_n \rangle, .) \text{ implikuje}$$

- (i) buď  $r(m+1) = r(m)$  nebo  $r(m+1) = (\alpha, \langle A_1, \dots, A_k, A_{k+1} \rangle, \cdot)$ ,
- (ii)  $A_1 \wedge \dots \wedge A_k$  je pravdivá při ohodnocení  $\alpha$  a
- (iii)  $\pi^{kb}(r, m) = \alpha$ , tedy  $\pi^{kb}$  je definováno tak,  
aby pravdivostní ohodnocení v bodu  $(r, m)$   
bylo dáno stavem prostředí

Náš předpoklad, že  $\mathcal{R}^{kb}$  sestává ze všech běhů, které splňují KB1. a KB2. vylučuje předběžnou informaci o tom, co bude vloženo.

Definujeme-li interpretovaný systém  $\mathcal{I}^{kb}$  můžeme říci, jak znalostní báze odpovídá na dotazy.

Předpokládejme, že v bodu  $(r, m)$  je báze tázána dotazem  $B$ , kde  $B$  je výroková formule. Protože báze nemá přímý přístup ke stavu prostředí,  $B$  nemůže být interpretováno jako dotaz po znalostech báze o vnějším světě.

Znalostní báze by měla odpovědět

$$\left( \begin{array}{l} \text{ANO} \quad \text{jestliže } (\mathcal{I}^{kb}, r, m) \models K_{KB} B \\ \text{NE} \quad \text{jestliže } (\mathcal{I}^{kb}, r, m) \models K_{KB} \neg B \\ \text{NEVÍM} \quad \text{jinak} \end{array} \right.$$



Většinou si znalostní báze pamatuje konjunkci toho, co do ní bylo uloženo.

Předpokládejme, že báze je v lokálním stavu

$\langle A_1, \dots, A_k \rangle$ , že  $k = A_1 \wedge \dots \wedge A_k$  a znalostní

báze ví jenom to, co plyne z  $k$ .

Potom báze může odpovědět dvojím způsobem

ANO právě když  $\left\{ \begin{array}{l} B \text{ je důsledkem } k \\ \text{nebo} \\ K_{KB} B \text{ je důsledkem } K_{KB} k \end{array} \right.$

obojí vyjde na stejno.

### Věta 1.

Předpokládejme, že

$$r_{KB}(m) = \langle A_1, \dots, A_k \rangle, \quad k = A_1 \wedge \dots \wedge A_k$$

a  $B$  je výroková formule.

Potom následující tvrzení jsou ekvivalentní

$$(i) (\mathcal{I}^{kb}, r, m) \models K_{KB} B$$

(ii)  $k \rightarrow B$  je výroková tautologie

$$(iii) M_n^{rst} \models K_{KB} k \rightarrow K_{KB} B$$

**Lemma 1.** (Validnost ve třídách  $M_n$  a  $M_n^{rst}$ )

Nechť  $M_n$  a  $M_n^{rst}$  jsou třídy Kripkeho struktur, kde posibilitní relace  $K_i$  jsou obecné, respektive relace ekvivalence. Potom platí

(a) pro libovolné dvě formule  $A, B$

$M_n \models A \rightarrow B$  právě když  $M_n \models K_i A \rightarrow K_i B$

(b) pro libovolné dvě výrokové formule  $A, B$

$M_n^{rst} \models A \rightarrow B$  právě když  $M_n^{rst} \models K_i A \rightarrow K_i B$  navíc

$M_n^{rst} \models A \rightarrow B$  právě když  $A \rightarrow B$  je výroková tautologie

(c) pro libovolné dvě formule  $A, B$  platí

$M_n^{rst} \models A \rightarrow B$  implikuje  $M_n^{rst} \models K_i A \rightarrow K_i B$ , ale

existují formule  $A, B$  takové, že

$M_n^{rst} \models K_i A \rightarrow K_i B$ , ale  $M_n^{rst} \not\models A \rightarrow B$

**Důkaz.**

(a) ( $\rightarrow$ ) Necht'  $M_n \models A \rightarrow B$ . Potom

$M_n \models K_i(A \rightarrow B)$  (pravidlo generalizace) (1)

Ve třídě  $M_n$  je pravdivý Kripkeho distribuční axiom

$K_i(A \rightarrow B) \rightarrow K_i A \rightarrow K_i B$  (2)

odkud z (1) a (2) pravidlem Modus ponens (které je také pravdivé v téže třídě) odvodíme

$M_n \models K_i A \rightarrow K_i B$

Předpokládejme, že  $M_n \models K_i A \rightarrow K_i B$

potom  $M_n \not\models K_i A$  nebo  $M_n \models K_i B$

necht'  $M_n$  je libovolná Kripkeho struktura ze třídy  $M_n$  a  $s$  je její libovolný stav, dostáváme

$(M, s) \not\models K_i A$  nebo  $(M, s) \models K_i B$

nějaké  $t$ ,  $(s, t) \in K_i$  je  $(M, t) \not\models A$

libovolné  $u$ ,  $(s, u) \in K_i$   $(M, u) \models B$

$M_n \models A \rightarrow B$

odkud pro

nebo pro

tedy

protože

$M$  a  $s$  byly zvoleny libovolně.

(b) První část tvrzení je důsledkem toho, že třída  $M_n^{rst}$  je podtřídou  $M_n$ .

Necht'  $A, B$  jsou výrokové formule a necht'  $p_1, \dots, p_k$  jsou všechny primitivní výrokové konstanty z  $\Phi$  vyskytující se v implikaci  $A \rightarrow B$ .

Protože třída  $M_n^{rst}$  sestává ze všech Kripkeho struktur  $M = \langle S, \Phi, \pi, \dots \rangle$  obsahuje také všechna pravdivostní ohodnocení  $\pi$  uvedených výrokových konstant. Protože implikace  $A \rightarrow B$  je pravdivá ve všech takových strukturách, je to výroková tautologie.

(c) První část tvrzení plyne z (a). Důkaz druhé části tvrzení. Ve třídě  $M_n^{rst}$  je pravdivý Axiom pozitivní introspekce: pro libovolnou formuli  $A$  je pravdivá formule

$$K_i A \rightarrow K_i K_i A$$

ale formule

$$A \rightarrow K_i A$$

nemusí být pravdivá (co je pravda, nemusí agent vědět). Tím je důkaz lemmatu 1 dokončen.

## Důkaz Věty 1.

Podle lemmatu 1, (b) platí

$k \rightarrow A$  je tautologie právě když  $M_n^{rst} \models K_i k \rightarrow K_i A$   
odtud plyne ekvivalence (b) a (c).

Nyní ukážeme, že (b) implikuje (a). Předpokádejme tedy, že  $k \rightarrow A$  je tautologie.

Je-li  $(r, m) \sim_{KB} (r', m')$ , potom

$$r'(m') = (\alpha', \langle A_1, \dots, A_k \rangle, \bullet) \text{ pro nějaké } \alpha'$$

Protože vše, co bylo do znalostní báze KB vloženo je pravdivé, je i konjunkce  $k$  pravdivá při pravdivostním ohodnocení  $\alpha'$ ,

takže musí platit

....  $(I^{kb}, r, m) \models k$

Protože

$$M_n^{rst} \models k \rightarrow A$$

platí

$$(I^{kb}, r', m') \models A$$

a tedy také

$$(I^{kb}, r, m) \models K_{KB} A$$

Tím je (a) dokázáno.

Zbývá dokázat, že (a) implikuje (b). Postupujeme sporem.



Předpokládejme, že (b) neplatí, tedy že  $k \rightarrow A$  není tautologie.

To znamená, že existuje pravdivostní ohodnocení  $\alpha'$ , takové, že je pravdivá formule  $k \& \neg A$ .

Protože množina běhů sestává ze všech běhů, které splňují podmínky KB1 a KB2, snadno se dá ukázat, že existuje bod  $(r', m')$  takový, že

$$r'(m') = (\alpha', \langle A_1, \dots, A_k \rangle, \bullet)$$

Protože

$$(r, m) \sim_{KB} (r', m') \quad \text{a} \quad (I^{kb}, r', m') \models \neg A$$

dostáváme  $(I^{kb}, r, m) \not\models_{KB} A$  takže (a) neplatí.

Tím je důkaz Věty 1 dokončen. Tato věta charakterizuje způsob jakým znalostní báze odpovídá na dotazy, které jsou výrokové formule.

Jak by měla odpovídat na dotazy, které nejsou výrokové, například  $B \equiv (p \rightarrow K_{KB} p)$  "jestliže platí  $p$ , ví to znalostní báze?"

Zde bychom také rádi měli odpovědi na dotaz  $B$ :

$$\left( \begin{array}{l} \text{ANO} \quad \text{jestliže } (\mathcal{I}^{kb}, r, m) \models K_{KB} B \\ \text{NE} \quad \text{jestliže } (\mathcal{I}^{kb}, r, m) \models K_{KB} \neg B \\ \text{NEVÍM} \quad \text{jinak} \end{array} \right.$$

$$\text{Kdy platí formule } B \equiv K_{KB} (p \rightarrow K_{KB} p) ? \quad (1)$$

Ukážeme, že formule (1) je ekvivalentní formuli

$$K_{KB}p \vee K_{KB}\neg p.$$

Předpokládáme, že relace  $K_{KB}$  je relací ekvivalence, tedy pracujeme ve třídě Kripkeho struktur  $M_n^{rst}$ , která je úplnou axiomatizací modálního systému  $S5_n$ .

Tvrzení platí obecně pro operátory  $K_i$ .

Nechť  $M$  je libovolná Kripkeho struktura ze třídy  $M_n^{rst}$ , a  $s$  je libovolný její stav. Potom platí

$$(M,s) \models K_i(p \rightarrow K_i p) \text{ právě když } \textit{pro každé } t, (s,t) \in K_i, \dots \\ (M,t) \models p \rightarrow K_i p$$

právě když *pro každé*  $t, (s,t) \in K_i, (M,t) \models p \rightarrow K_i p$

. - „ -  $(M,t) \models \neg p \vee K_i p$

. - „ - (symetrie)  $(M,t) \models \neg p$  nebo  $(M,s) \models K_i p$

.  $(M,s) \models K_i \neg p$  nebo  $(M,s) \models K_i p$

tedy  $(M,s) \models K_i \neg p \vee K_i p$

Odpověď bude ANO, pokud  $p$  nebo  $\neg p$  plyne z toho, co bylo do báze uloženo a NEVÍM jinak.

Přitom odpověď NE není možná, protože pro formuli

$$B \equiv (p \rightarrow K_{KB} p)$$

platí

$$K_{KB} \neg B \leftrightarrow K_{KB} (p \wedge \neg K_{KB} p)$$

a na pravé straně ekvivalence je formule sporná s S5

(cvičení)

Zajímá nás, co lze říci o dotazech týkajících se jen znalostí báze. Pro tento účel můžeme využít výsledku pro Kripkeho struktury ze třídy  $M_1^{rst}$  tedy věty ze systému  $S5_1$ .

### **Lemma 2. (S<sub>1</sub>5)**

Pro libovolnou formuli v jazyku  $L_1$  tvaru  $K_1 A$  lze efektivně sestavit ekvivalentní formuli  $B$ , která je Booleovskou kombinací formulí  $K_1 B_1, \dots, K_1 B_k$ , kde formule  $B_1, \dots, B_k$ , jsou výrokové.

Důkaz. Indukcí podle složitosti formule  $A$ .

### **Definice.** (Booleovská kombinace)

Je-li  $\Sigma$  třída formulí v nějakém jazyku  $L$ , říkáme, že *formule  $A$  je booleovskou kombinací formulí ze třídy  $\Sigma$* , jestliže formule  $A$  náleží do třídy  $\Sigma'$ , která vznikne ze třídy  $\Sigma$  uzavřením na negaci a konjunkci (resp. disjunkci).

**Důkaz lemmatu.** Předpokládejme, že  $\Sigma$  je třída všech formulí tvaru  $K_1 B$ , kde  $B$  je výroková formule.

(a)  $A$  je tvaru  $K_1 B$ , kde  $B$  je výroková formule. Potom  $A$  prvkem třídy  $\Sigma$  a je tedy booleovskou kombinací formulí tvaru  $K_1 B$ , kde  $B$  je výroková formule.

(b) Formule  $A$  je tvaru  $\neg B$  a pro  $K_1 B$  již umíme sestrojít booleovskou kombinací (píšeme  $BK(\dots)$ )

$$\models K_1 B \leftrightarrow BK(K_1 B_1, \dots, K_1 B_k) \quad (1)$$

Potom pro libovolnou Kripkeovou strukturu  $M$  a její libovolný stav  $s$

$$(M, s) \models K_1 \neg B \iff \text{pro lib. } t, (s, t) \in K_1 \quad (M, t) \models \neg B$$

tedy v  $(M, s)$  neplatí  $K_1 B$ , a proto  $(M, s) \models \neg K_1 B$

Podle (1)  $\models \neg K_1 B \leftrightarrow BK'(K_1 B_1, \dots)$  tedy

$K_1 A$  je booleovskou kombinací  $BK'(K_1 B_1, \dots)$ .



(c)  $A$  je tvaru  $B \vee C$ , potom není těžké nahlédnout, že  $\models K_1 A \leftrightarrow K_1 B \vee K_1 C$  a formule  $K_1 A$  je booleovskou kombinací formulí požadovaného tvaru.

(d)  $A$  je tvaru  $K_1 B$ , kde  $K_1 B$  je booleovskou kombinací formulí tvaru  $K_1 C$ , kde  $C$  je výroková formule, potom užitím (b) a (c) dostaneme, že  $K_1 A$  je také booleovskou kombinací formulí požadovaného tvaru.

V případě znalostníchází můžeme považovat ázi za jediného agenta. Správce jako agent má informaci o stavu vnějšího prostředí a o výrokových formulích, které byly do áze vloženy, znalostní áze ve svém stavu zná vložené formule a zajímá-li nás jen jak bude áze odpovídat otázky týkající se jejích znalostí, můžeme

odpovídat otázky týkající se jejích znalostí, můžeme  $K_{KB}$  považovat za jedinou modalitu.

**Definice. (*KB*-formule)**

(i) Říkáme, že  $B$  je *KB*-formule, jestliže  $K_{KB}$  je jedinou modalitou v  $B$ .

(ii) *KB*-dotaz je dotaz, který je *KB*-formulí.

Za těchto předpokladů lze podle Lemmatu 2 pro každou *KB*-formuli tvaru  $K_{KB} A$ , efektivně sestavit ekvivalentní formuli, která je booleovskou kombinací formulí tvaru  $K_{KB} B$ , kde  $B$  je výroková.

Z Věty 1 potom plyne, jakým způsobem, báze odpovídá na  $KB$ -dotazy z toho jak odpovídá na výrokové dotazy.

Odůvodnění.

(a) [syntakticky] Abychom mohli rozhodnout, jaká bude odpověď na dotaz  $A$ , musíme určit zda platí  $K_{KB}A$  nebo  $K_{KB}\neg A$ .

Přitom použijeme faktu, že každá formule  $K_{KB}A$  je ekvivalentní s nějakou booleovskou kombinací formulí  $K_{KB}B$ , kde  $B$  je výroková formule.

Podle Věty 1 pak můžeme vypočíst odpovědi na  $KB$ -dotazy.

(b) [sémanticky] Jiný způsob charakterizace, jak báze odpoví na KB-dotazy.

Je - li dána výroková formule  $A$ , necht'  $S^A$  sestává ze všech pravdivostních ohodnocení  $\alpha$ , které jsou modelem  $A$ .

Necht'

$$M^A = (S^A, \pi, K_{KB})$$

kde  $\pi(\alpha) = \alpha$  a  $K_{KB}$  je universální relace na  $S^A$  (t.j.  $K_{KB} = S^A \times S^A$ ).

Můžeme si myslet, že  $M^A$  je maximální model  $A$ , protože obsahuje všechny modely  $A$ .

Následující tvrzení ukazuje, že

je-li  $k$  konjunkce všech formulí, které byly do báze uloženy, potom pro libovolnou formuli  $B$ , dostáváme

$$K_{KB}B \text{ právě když } M^k \models K_{KB}B$$

Intuitivně, bylo-li do báze uloženo  $k$  pak vše, co báze ví je  $k$ . Maximální model pro  $k$  to zachycuje.

## Věta 2.

Předpokládejme, že

$$r_{KB}(m) = \langle A_1, \dots, A_k \rangle \quad a \quad k = A_1 \wedge \dots \wedge A_k$$

Potom pro všechny KB - formule  $B$  platí

$$(\mathcal{I}^{kb}, r, m) \models B \text{ právě když } (M^k, r_e(m)) \models B$$

Věta 2 ukazuje, že Znalostní báze může odpovědět na  $KB$ -dotaz  $A$  tím, že vyhodnotí zda

$$(M^k, r_e(m)) \models K_{KB} A$$

Přitom pravdivost  $K_{KB} A$  v  $(M^k, r_e(m))$  nezávisí na  $r_e(m)$ . Proto můžeme stále chápat konjunkci  $k$  jako reprezentaci toho, co znalostní báze ví.

Dá se ukázat, že Větu 2 lze rozšířit tak, aby mohla řešit libovolné dotazy, nejenom  $KB$ -dotazy.

Dosavadní diskuse ukazuje, že v našem přístupu je možné modelovat standardní typy znalostních bází.

Jaké nám to dává možnosti ?

- dostáváme explicitní předpoklady pro standardní representaci,
- podle Věty 2 můžeme mluvit o tom, co znalostní báze ví vzhledem ke svým znalostem,
- navíc, jak ukážeme v dalším, dovoluje nám to uvažovat o některých variantách našich předpokladů. Flexibilita modelu uvažovaného ve Větě 2 nám usnadňuje zvažovat východiska, která se nabízejí, když budeme modifikovat naše předpoklady.

## Předběžné znalosti.

Začneme rozbořem situací, kdy je dána nějaká předběžná znalost o tom, jaké budou vkládány informace.

To, že uvažujeme *všechny* běhy splňující podmínky KB1 a KB2 zaručuje, že není dána žádná předběžná znalost o informacích vkládaných do báze znalostí.

V praxi se setkáváme s předpoklady, které jsou mlčky vkládány do konvencí podle nichž je informace zadávána.

**Příkladem** toho je konvence, že je-li pravdivé (elementární) tvrzení  $p$ , je znalostní bázi zadáváno přednostně. Takovou konvencí můžeme v našem přístupu snadno popsat pomocí omezení množiny běhů.



Vyjádříme to omezující podmínkou, že pro každý bod  $(r, m)$  takový, že  $r(m) = (\alpha, \langle A_1, \dots, A_k \rangle, \cdot)$  pro nějaké  $k \geq 1$ , platí  $A_1 = p$ , právě když  $p$  je pravdivé při ohodnocení  $\alpha$ . Připomeňme, že lokální stav znalostní báze obsahuje i pořadí, ve kterém byly informace ukládány.

Z toho bezprostředně vyplývá, že znalostní báze ví zda platí  $p$  nebo  $\neg p$  jakmile do ní byl vložen první fakt.

**Předběžné znalosti o vnějším světě** lze vyjádřit vhodnou modifikací běhů v informovaném systému  $I^{kb}$ .

Předpokládejme například, že je známo, že primitivní výrok  $p$  musí platit. V takovém případě uvažujeme jen takové běhy, kdy  $r_e(0) = \alpha$  pro nějaké ohodnocení  $\alpha$ , při kterém platí  $p$ .

Situaci, kdy správce nemá úplnou informaci o vnějším světě (ale stále má k dispozici úplnou informaci o bázi), můžeme řešit tím, že správčova stavu místo jednoho pravdivostního ohodnocení vložíme neprázdnou množinu pravdivostních ohodnocení  $T$ . Ta potom reprezentuje množinu vnějších světů, které správce považuje za možné.

Protože nám stále jde o znalosti, požadujeme, aby  $\alpha \in T$ , tedy aby skutečný vnější svět byl mezi světy, které správce považuje za možné.

Abychom se vyhnuli redundanci, označujeme správcovy stavy  $\langle T, . \rangle$ . Globální stavy jsou potom tvaru

$$(\alpha, \langle A_1, \dots, A_k \rangle, \langle T, . \rangle)$$

Abychom podrželi podmínku, že vše, co je do báze vloženo je pravdivé, požadujeme, aby správce vkládal do báze jen takové výrokové formule  $A$ , které jsou pravdivé při všech ohodnoceních v množině  $T$ .

Dá se ukázat, že správce vloží formuli  $A$  jen v případě  $K_T A$ , kde  $K_T A$  označuje tvrzení “správce ví  $A$ ”.

Při takovém přístupu Věty 1. a 2. zůstávají v platnosti v podstatě se stejným důkazem.

Více informátorů (správců) báze je také realistický předpoklad. V praxi bývá pro znalostní bázi více zdrojů informací.

V této situaci již není hranice mezi správci a znalostní bází tak ostrá a každý agent může být chápán jako správce i jako báze. K této situaci se vrátíme v dalších kapitolách.

Přesvědčení místo pravdy na straně správce lze modelovat tím, že množina světů  $T$ , které správce považuje za možné, nemusí obsahovat skutečný svět. Přitom stále trváme na tom, že správce vkládá do báze jen takové výrokové formule  $A$ , které jsou pravdivé při všech ohodnoceních v množině  $T$ .

V takovém případě říkáme, že  $A$  je pouze *přesvědčení* (*belief*) správce, nikoli pravda.

Dá se ukázat, že tuto situaci je možno vyjádřit jinou posibilitní relací než  $\sim_{KB}$ .

Formule, které nejsou výrokové, lze také vkládat do znalostních bází, i když je to trochu složitější.

Například předpokládejme, že do báze je vloženo tvrzení

$$p \rightarrow K_{KB} p$$

které říká, že je-li pravdivé  $p$ , potom báze o tom ví. Taková informace může být velmi užitečná, jestliže báze umí ověřit co ví a co neví. V takovém případě báze může ověřit, zda ví  $p$ . Jestliže ne, pak může odvodit, že  $p$  není pravdivé.

Tento příklad ukazuje, že když umožníme dávat bázi informace o vnějším světě, pak báze pomocí introspekce odvodit důsledky o vnějším světě.

Jsou-li bázi dávána tvrzení, která nejsou výroková, pak už nemůžeme reprezentovat její znalosti jako dosud konjunkcí tvrzení, která do ní byla vložena. V takovém případě můžeme do báze vložit fakt, který byl pravdivý v okamžiku, kdy byl vložen, ale nezůstává platný v žádném dalším časovém bodu.

**Například**, předpokládejme, že primitivní výrok  $p$  je ve vnějším světě pravdivý, ale báze nedostala žádnou počáteční informaci. V takové situaci je formule

$$p \ \& \ \neg K_{KB} p \quad (1)$$

jistě pravdivá, ale v okamžiku, kdy do báze vložíme tento fakt, jistě neplatí, že báze ví (1).

Jak jsme již zjistili dříve, formule

$$K_{KB}(p \ \& \ \neg K_{KB}p) \quad (2)$$

není bezesporná s S5.

Nicméně, znalostní báze přece jen něco získá, když je do ní vložen fakt (1) : potom ví, že  $p$  je pravdivé. Jako důsledek (2),  $K_{KB}p$  má platit po té, co do báze vložíme (1).

**Fakta obsahující tvrzení o znalostech báze.** V našem přístupu můžeme popsat i systém, který vznikne když připustíme, aby do báze byla vložena fakta obsahující tvrzení o jejích znalostech.



Jako dosud , předpokládáme, že lokální stav báze sestává z posloupnosti formulí, připouštíme navíc i modální formule, které mohou mluvit o znalostech, které báze má.

V takovém případě nastanou obtíže, chceme-li připustit jen běhy, ve kterých jsou do báze vkládány jen pravdivé formule. Protože pracujeme s formulemi, které obsahují znalosti, není jasné, zda můžeme rozhodnout je-li daná formule pravdivá, aniž bychom měli k dispozici celý systém.

Naším problémem však je nejdřív takový systém sestavit. K tomu o všem potřebujeme více prostředků, než máme teď k dispozici. Vrátime se k tomuto problému v dalších kapitolách.